

**МИНИСТЕРСТВО ЦИФРОВОГО РАЗВИТИЯ,
СВЯЗИ И МАССОВЫХ КОММУНИКАЦИЙ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**
**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**
**«САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
ТЕЛЕКОММУНИКАЦИЙ ИМ. ПРОФ. М.А. БОНЧ-БРУЕВИЧА»
(СПбГУТ)**

Кафедра _____ Высшей математики
(полное наименование кафедры)

УТВЕРЖДЕН

на заседании кафедры № 5 от 14.04.2022

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Математический анализ
(наименование дисциплины)

10.03.01 Информационная безопасность
(код и наименование направления подготовки /специальности/)

Безопасность компьютерных систем (по отрасли или в сфере
профессиональной деятельности)
(направленность / профиль образовательной программы)

Санкт-Петербург

1. Общие положения

Фонд оценочных средств (ФОС) по дисциплине используется в целях нормирования процедуры оценивания качества подготовки и осуществляет установление соответствия учебных достижений запланированным результатам обучения и требованиям образовательной программы дисциплины.

Предметом оценивания являются знания, умения, навыки и (или) опыт деятельности, характеризующие этапы формирования компетенций у обучающихся.

Процедуры оценивания применяются в процессе обучения на каждом этапе формирования компетенций посредством определения для отдельных составных частей дисциплины методов контроля - оценочных средств.

Основным механизмом оценки качества подготовки и формой контроля учебной работы студентов являются текущий контроль успеваемости и промежуточная аттестация. Общие требования к процедурам проведения текущего контроля и промежуточной аттестации определяет внутренний локальный акт университета: Положение о текущем контроле успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся. При проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации студентов используется ФОС.

1.1. Цель и задачи текущего контроля студентов по дисциплине.

Цель текущего контроля - систематическая проверка степени освоения программы дисциплины «Математический анализ», уровня достижения планируемых результатов обучения - знаний, умений, навыков в ходе ее изучения при проведении занятий, предусмотренных учебным планом.

Задачи текущего контроля:

1. обнаружение и устранение пробелов в освоении учебной дисциплины;
2. своевременное выполнение корректирующих действий по содержанию и организации процесса обучения;
3. определение индивидуального учебного рейтинга студентов;
4. подготовка к промежуточной аттестации.

В течение семестра при изучении дисциплины реализуется традиционная система поэтапного оценивания уровня освоения. За каждый вид учебных действий студенты получают оценку .

1.2. Цель и задачи промежуточной аттестации студентов по дисциплине.

Цель промежуточной аттестации - проверка степени усвоения студентами учебного материала, уровня достижения планируемых результатов обучения и сформированности компетенций на момент завершения изучения дисциплины.

Промежуточная аттестация проходит в форме экзамена.

Задачи промежуточной аттестации:

1. определение уровня освоения учебной дисциплины;
2. определение уровня достижения планируемых результатов обучения и сформированности компетенций;
3. соотнесение планируемых результатов обучения с планируемыми результатами освоения образовательной программы в рамках изученной дисциплины.

2. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения дисциплины

2.1.Перечень компетенций.

ОПК-3 Способен использовать необходимые математические методы для решения задач профессиональной деятельности;

2.2.Этапы формирования компетенций.

Таблица 1

| Код компетенции | Этап формирования компетенции | Вид учебной работы | Тип контроля | Форма контроля |
|-----------------|--------------------------------|---|---------------|----------------|
| ОПК-3 | теоретический (информационный) | лекции, самостоятельная работа | текущий | |
| | практико-ориентированный | практические (лабораторные) занятия, самостоятельная работа | текущий | |
| | оценочный | аттестация | промежуточный | экзамен |

Применяемые образовательные технологии определяются видом контактной работы.

2.3.Соответствие разделов дисциплины формируемым компетенциям.

Этапами формирования компетенций является взаимосвязанная логическая последовательность освоения разделов (тем) учебной дисциплины.

Таблица 2

| № п/п | Раздел (тема) дисциплины | Содержание раздела (темы) дисциплины | Коды компетенций |
|-------|------------------------------|--|------------------|
| 1 | Раздел 1. Теория пределов | Отображения и функции. Открытый интервал, круг, шар. Окрестности конечных и бесконечных точек. Открытые и замкнутые множества. Определение предела функции. Примеры. Свойства предела. Определение бесконечно малой функции. Бесконечно большие. Сравнение б.м. Таблица б.м Свойства непрерывных функций одной и нескольких переменных (без доказательств). Односторонние пределы. Разрывы и их классификация. | |

| | | | |
|---|--|---|--|
| 2 | Раздел 2. Дифференциальное исчисление | Производная функции. Касательная. Частные производные. Теорема о приращении функции. Дифференциал. Таблица производных элементарных функций. Правила дифференцирования. Инвариантность первого дифференциала. Производная обратной и неявно заданной функции. Выпуклость функций одной переменной. Формула Тейлора. Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталя. Экстремумы, монотонность и асимптоты функций одной переменной. Производные и дифференциалы высших порядков. Экстремумы функций многих переменных. Касательная к кривой в пространстве. Касательная плоскость. Производная по направлению. Свойства градиента функции. | |
| 3 | Раздел 3. Интегральное исчисление | Первообразная функции. Неопределённый интеграл и его свойства. Таблица интегралов и примеры. Интегрирование по частям. Замена переменной в неопределённом интеграле. Интегрирование рациональных функций. Определённый интеграл и его свойства. Теорема Барроу. Формула Ньютона-Лейбница. Несобственный интеграл. Замена переменной и интегрирование по частям в определённом интеграле. Применение интеграла (площадь, объём). Криволинейные интегралы. Двойной интеграл и его свойства Повторный интеграл. Замена переменных в двойном интеграле Формула Грина и её следствия (потенциальные поля). | |
| 4 | Раздел 4. Дифференциальные уравнения | Дифференциальные уравнения (д.у.). Задача Коши. Теоремы существования и единственности решения задачи Коши. Поле направлений. Д.У. в полных дифференциалах. Однородные д.у. Линейные уравнения первого порядка. Уравнение Бернулли. Уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные дифференциальные уравнения (л.д.у.). Линейно независимые решения однородного л.д.у. Вронскиан. Общее решение л.д.у. Метод вариации произвольных постоянных для нахождения частного решения. Л.д.у. с постоянными коэффициентами. Системы дифференциальных уравнений. Дифференциальные уравнения в частных производных. | |

| | | | |
|---|--------------------------------------|--|--|
| 5 | Раздел 5. Ряды и ряды Фурье | Числовой ряд и его сумма. Свойства сходящихся рядов. Необходимый признак сходимости ряда. Теоремы сравнения. Достаточные признаки сходимости знакопостоянных рядов. Знакопеременные ряды. Абсолютная сходимость ряда. Признак Лейбница. Функциональные ряды. Степенные ряды; теорема Абеля. Дифференцирование и интегрирование рядов. Ряды Тейлора и Маклорена. Решение д.у. с помощью степенных рядов. Векторное пространство. Скалярное произведение. Ряд Фурье. Неравенство Бесселя и равенство Парсеваля. Ряд Фурье по тригонометрической системе функций. Теорема Дирихле. Различные формы ряда Фурье. Интеграл Фурье и преобразование Фурье. | |
| 6 | Раздел 6. Операционное исчисление | Преобразование Лапласа и его свойства. Таблица оригиналов и изображений. Решение дифференциальных и интегральных уравнений методом преобразования Лапласа. Интеграл Дюамеля. | |

3. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

3.1. Описание показателей оценивания компетенций на различных этапах их формирования.

Таблица 3

| Код компетенции | Показатели оценивания (индикаторы достижения компетенций) | Оценочные средства |
|-----------------|---|--------------------|
|-----------------|---|--------------------|

| | | |
|-------|--|---|
| ОПК-3 | <p>ОПК-3.1 Знать: - основные математические законы и методы накопления, передачи и обработки информации;</p> <p>ОПК-3.1 Знать: основные понятия теории пределов и непрерывности функций одной и нескольких действительных переменных;</p> <p>ОПК-3.10 Владеть: навыками использования справочных материалов по математическому анализу;</p> <p>ОПК-3.11 Знать: основные понятия теории вероятностей, числовые и функциональные характеристики распределений случайных величин и их основные свойства;</p> <p>ОПК-3.12 Знать: классические предельные теоремы теории вероятностей;</p> <p>ОПК-3.13 Знать: основные понятия теории случайных процессов;</p> <p>ОПК-3.14 Знать: постановку задач и основные понятия математической статистики;</p> <p>ОПК-3.15 Знать: стандартные методы получения точечных и интервальных оценок параметров вероятностных распределений;</p> <p>ОПК-3.16 Знать: стандартные методы проверки статистических гипотез;</p> <p>ОПК-3.17 Уметь: применять стандартные вероятностные и статистические модели к решению типовых прикладных задач;</p> <p>ОПК-3.18 Уметь: использовать расчетные формулы и таблицы при решении стандартных вероятностно-статистических задач;</p> <p>ОПК-3.19 Знать: возможности координатного метода для исследования различных геометрических объектов;</p> <p>ОПК-3.2 Знать: основные методы дифференциального исчисления функций одной и нескольких действительных переменных;</p> <p>ОПК-3.2 Уметь: - применять математически методы для решения задач теоретического и прикладного характера;</p> <p>ОПК-3.20 Знать: основные задачи векторной алгебры и аналитической геометрии;</p> <p>ОПК-3.21 Знать: основные виды уравнений простейших геометрических объектов;</p> <p>ОПК-3.22 Знать: основы линейной алгебры над произвольными полями и свойства векторных пространств;</p> <p>ОПК-3.23 Уметь: исследовать простейшие геометрические объекты по их уравнениям в различных системах координат;</p> <p>ОПК-3.24 Уметь: оперировать с числовыми и конечными полями, многочленами, матрицами;</p> <p>ОПК-3.25 Уметь: решать основные задачи линейной алгебры, в частности системы линейных уравнений над полями;</p> <p>ОПК-3.26 Знать: основные понятия, составляющие предмет дискретной математики;</p> <p>ОПК-3.27 Знать: основные методы решения задач профессиональной области с применением дискретных моделей;</p> <p>ОПК-3.28 Уметь: применять стандартные методы дискретной математики к решению типовых задач;</p> <p>ОПК-3.29 Владеть: навыками самостоятельного решения комбинаторных задач;</p> <p>ОПК-3.3 Знать: основные методы интегрального исчисления функций одной и нескольких действительных переменных;</p> <p>ОПК-3.3 Владеть: - навыками использования знаний математики при решении практических задач;</p> <p>ОПК-3.30 Знать: основные понятия теории информации (энтропия, взаимная информация, источники сообщений, каналы связи, коды);</p> <p>ОПК-3.31 Знать: понятие пропускной способности канала связи, прямую и обратную теоремы кодирования (без доказательства);</p> <p>ОПК-3.32 Знать: основные методы оптимального кодирования источников информации (код Хаффмана) и помехоустойчивого кодирования каналов связи (линейные коды, циклические коды, код Хэмминга);</p> <p>ОПК-3.33 Уметь: вычислять теоретико-информационные характеристики источников сообщений и каналов связи (энтропия, взаимная информация, пропускная способность);</p> <p>ОПК-3.34 Уметь: решать типовые задачи кодирования и декодирования;</p> <p>ОПК-3.4 Знать: основные методы исследования числовых и функциональных рядов;</p> <p>ОПК-3.5 Знать: основные задачи теории функций комплексного переменного;</p> <p>ОПК-3.6 Знать: основные типы обыкновенных дифференциальных уравнений и методы их решения;</p> <p>ОПК-3.7 Уметь: исследовать функциональные зависимости, возникающие при решении стандартных прикладных задач;</p> <p>ОПК-3.8 Уметь: использовать типовые модели и методы математического анализа при решении стандартных прикладных задач;</p> <p>ОПК-3.9 Владеть: навыками типовых расчетов с использованием основных формул дифференциального и интегрального исчисления;</p> | <p>ТЕОРЕТИЧЕСКИЙ ЭТАП: ПРАКТИКО-ОРИЕНТИРОВАННЫЙ ЭТАП: ОЦЕНОЧНЫЙ ЭТАП: билеты к экзамену</p> |
|-------|--|---|

3.2.Стандартные критерии оценивания.

Критерии разработаны с учетом требований ФГОС ВО к конечным результатам обучения и создают основу для выявления уровня сформированности компетенций: минимального, базового или высокого.

Критерии оценки ответа за экзамен:

Для экзамена в устном виде :

- логика при изложении содержания ответа на вопрос, выявленные знания соответствуют объему и глубине их раскрытия в источнике;
- использование научной терминологии в контексте ответа;
- объяснение причинно-следственных и функциональных связей;
- умение оценивать действия субъектов социальной жизни, формулировать собственные суждения и аргументы по определенным проблемам;
- эмоциональное богатство речи, образное и яркое выражение мыслей.

Общие критерии оценки работы студента на практических занятиях:

- Отлично - активное участие в обсуждении проблем каждого семинара, самостоятельность ответов, свободное владение материалом, полные и аргументированные ответы на вопросы семинара, участие в дискуссиях, твёрдое знание лекционного материала, обязательной и рекомендованной дополнительной литературы, регулярная посещаемость занятий.
- Хорошо - недостаточно полное раскрытие некоторых вопросов темы, незначительные ошибки в формулировке категорий и понятий, меньшая активность на семинарах, неполное знание дополнительной литературы, хорошая посещаемость.
- Удовлетворительно - ответы отражают в целом понимание темы, знание содержания основных категорий и понятий, знакомство с лекционным материалом и рекомендованной основной литературой, недостаточная активность на занятиях, оставляющая желать лучшего посещаемость.
- Неудовлетворительно - пассивность на семинарах, частая неготовность при ответах на вопросы, плохая посещаемость.

Порядок применения критериев оценки конкретизирован ниже, в разделе 4, содержащем оценочные средства для текущего контроля успеваемости и для проведения промежуточной аттестации студентов по данной дисциплине.

3.3.Описание шкал оценивания.

В процессе оценивания результатов обучения и компетенций на различных этапах их формирования при освоении дисциплины для всех перечисленных выше оценочных средств используется шкала оценивания, приведенная в таблице 4.

Дихотомическая шкала оценивания используется при проведении текущего контроля успеваемости студентов: при проведении собеседования, при приеме эссе, реферата, а также может быть использована в целях проведения такой формы промежуточной аттестации, как зачет (шкала приводится для всех оценочных средств из таблицы 3).

Таблица 5

| Показатели оценивания | Описание в соответствии с критериями оценивания | Оценка знаний, умений, навыков и опыта | Оценка по балльной шкале |
|--------------------------------|---|--|---------------------------------|
| Высокий уровень освоения | Демонстрирует полное понимание проблемы. Требования по всем критериям выполнены | «очень высокая», «высокая» | «отлично» |
| Базовый уровень освоения | Демонстрирует значительное понимание проблемы. Требования по всем критериям выполнены | «достаточно высокая», «выше средней», «базовая» | «хорошо» |
| Минимальный уровень освоения | Демонстрирует частичное понимание проблемы. Требования по большинству критериев выполнены | «средняя», «ниже средней», «низкая», «минимальная» | «удовлетворительно» |
| Недостаточный уровень освоения | Демонстрирует небольшое понимание проблемы. Требования по многим критериям не выполнены | «очень низкая», «примитивная» | «неудовлетворительно» |

При проведении промежуточной аттестации студентов по данной дисциплине в форме экзамена используется пятибалльная шкала оценивания.

4. Типовые контрольные задания, иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

4.1.Оценочные средства промежуточной аттестации

Оценочные средства промежуточной аттестации по дисциплине представлены в Приложении 1.

4.2.Формирование тестового задания промежуточной аттестации **Аттестация №1**

В экзаменационном билете присутствует 3 вопроса теоретической и практической направленности. Теоретические вопросы позволяют оценить уровень знаний и частично - умений, практические - уровень умений и владения компетенцией.

Примерный перечень заданий, выносимых на промежуточную аттестацию, разрешенных учебных и наглядных пособий, средств материально-технического обеспечения и типовые практические задания (задачи):

Представленный по каждому вопросу перечень заданий является рабочей моделью для генерирования экзаменационных билетов.

Аттестация №2

В экзаменационном билете присутствует 3 вопроса теоретической и практической направленности. Теоретические вопросы позволяют оценить уровень знаний и частично - умений, практические - уровень умений и владения компетенцией.

Примерный перечень заданий, выносимых на промежуточную аттестацию, разрешенных учебных и наглядных пособий, средств материально-технического обеспечения и типовые практические задания (задачи):

Представленный по каждому вопросу перечень заданий является рабочей моделью для генерирования экзаменационных билетов.

4.3.Развернутые критерии выставления оценки

Таблица 6

| Тип вопроса | Показатели оценки | | | |
|-------------------------|--|--|--|--|
| | 5 | 4 | 3 | 2 |
| Теоретические вопросы | тема разносторонне проанализирована, ответ полный, ошибок нет, предложены обоснованные аргументы и приведены примеры эффективности аналогичных решений | тема разносторонне раскрыта, ответ полный, допущено не более 1 ошибки, предложены обоснованные аргументы и приведены примеры эффективности аналогичных решений | тема освещена поверхностно, ответ полный, допущено более 2 ошибок, обоснованных аргументов не предложено | ответы на вопрос билета практически не даны |
| Практические вопросы | задание выполнено без ошибок, студент может дать все необходимые пояснения, сделать выводы | задание выполнено без ошибок, но студент не может пояснить ход выполнения и сделать необходимые выводы | задание выполнено с одной ошибкой, при ответе на вопрос ошибка замечена и исправлена самостоятельно | задание невыполнено или выполнено с двумя и более ошибками, пояснения к ходу выполнения недостаточны |
| Дополнительные вопросы | ответы даны на все вопросы, показан творческий подход | ответы даны на все вопросы, творческий подход отсутствует | ответы на дополнительные вопросы ошибочны (2 и более ошибок) | ответы на дополнительные вопросы практически отсутствуют |
| Уровень освоения | высокий | базовый | минимальный | недостаточный |

Для получения оценки «отлично» студент должен показать высокий уровень освоения всех компетенций, предусмотренных программой данной дисциплины, оценки «хорошо» - базовый, оценки «удовлетворительно» - минимальный. В случае разноранговых оценок определения уровня освоения каждой из компетенций общая оценка знаний по дисциплине детерминируется как:

- Отлично - если ответ на практический вопрос и более половины всех ответов на вопросы, включая дополнительные, оценены на «5», остальные - на «4»

- Хорошо - более половины ответов оценены на «4», остальные - на «5»; либо ответ на один теоретический вопрос оценен на «3», остальные - на «4» и «5»
- Удовлетворительно - если два и более ответов на вопросы билета оценены на «3» и ни один из ответов не определен как «2»
- Неудовлетворительно - если ответ на один из вопросов оценен на «2»

4.4.Комплект экзаменационных билетов

Комплект экзаменационных билетов ежегодно обновляется и формируется перед экзаменом.

Развернутые критерии выставления оценки за экзамен содержатся в таблице 5.

5. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и/или опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

5.1.Методические материалы для текущего контроля успеваемости

Текущий контроль предусматривает систематическое оценивание процесса обучения, с учетом необходимости обеспечения достижения обучающимися планируемых результатов обучения по дисциплине (уровня сформированности знаний, умений, навыков, компетенций), а также степени готовности обучающихся к профессиональной деятельности. Система текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации студентов предусматривает решение следующих задач:

- оценка качества освоения студентами основной профессиональной образовательной программы;
- аттестация студентов на соответствие их персональных достижений поэтапным требованиям соответствующей основной профессиональной образовательной программы;
- поддержание постоянной обратной связи и принятие оптимальных решений в управлении качеством обучения студентов на уровне преподавателя, кафедры, факультета и университета.

В начале учебного изучения дисциплины преподаватель проводит входной контроль знаний студентов, приобретённых на предшествующем этапе обучения.

Задания, реализуемые только при проведении текущего контроля

5.2.Методические материалы для промежуточной аттестации

Форма промежуточной аттестации по дисциплине – экзамен

Форма проведения экзамена: устная

В аудиторию, где принимается экзамен, приглашаются студенты из расчета не более пяти экзаменуемых на одного экзаменатора.

Хорошо успевающим студентам, выполнившим все виды работ, предусмотренные рабочей программой дисциплины и не имеющим задолженности, деканатом факультета может быть разрешена сдача экзаменов досрочно с согласия экзаменатора, без освобождения студентов от текущих учебных занятий. Досрочная сдача экзаменов проводится не ранее чем за 1 месяц до начала сессии. В период сессии досрочная сдача не разрешается. Решение о досрочной сдаче принимает

декан факультета на основе личного заявления студента, согласованного с преподавателями дисциплин, выносимых на сессию.

Для подготовки к ответу на экзамене студенту рекомендуется использовать Перечень теоретических вопросов (заданий), выносимых на экзамен, разрешенных учебных и наглядных пособий, средств материально-технического обеспечения и типовые практические задания (задачи), перечисленных в п.4.2.

В экзаменационный билет входит теоретических вопроса: один - из минимального уровня, - из базового и одно практическое задание, характеризующее высокий уровень сформированности компетенций. Время подготовки ответа при сдаче в устной форме должно составлять не менее 40 минут (по желанию обучающегося ответ может быть досрочным). Время ответа - не более 15 минут.

Экзаменатору предоставляется право задавать обучающимся дополнительные вопросы в рамках программы дисциплины текущего семестра, а также, помимо теоретических вопросов, давать задачи, которые изучались на практических занятиях.

Основой для определения оценки служит уровень усвоения студентами материала, предусмотренного рабочей программой дисциплины. Знания, умения, навыки и (или) опыт деятельности, характеризующие этапы формирования компетенций у обучающихся, определяются оценками «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно» или «зачтено», «не зачтено».

Выбор формы оценивания определяется целями и задачами обучения. В числе применяемых форм оценивания выделяют интегральную и дифференцируемую оценку, а также самоанализ и самоконтроль студента. Источники информации, которые используются при применении разных форм оценивания:

- работы обучающихся: домашние задания, презентации, отчеты, дневники, эссе и т.п.;
- результаты индивидуальной и совместной деятельности студентов в процессе обучения;
- результаты выполнения контрольных работ, тестов;
- другие источники информации.

Для того чтобы оценка выполняла те функции, которые на нее возложены как на характеристику этапов формирования компетенций у обучающихся, необходимо соблюдение следующих базовых принципов оценивания:

- непрерывность процесса оценивания;
- оценивание должно быть критериальным, основанным на целях обучения;
- критерии выставления оценки и алгоритм ее выставления должны быть заранее известны;
- включение обучающихся в контрольно-оценочную деятельность.

Конечный результат обучения (с точки зрения соответствия его заявленным целям) в высокой степени определяется набором критериальных показателей, которые используются в процессе оценки.

Студенту, использующему в ходе экзамена неразрешенные источники и средства для получения информации, выставляется неудовлетворительная оценка. В случае неявки студента на экзамен преподавателем делается в экзаменационной

ведомости отметка «не явился». Пересдача экзамена в целях повышения положительной оценки не допускается.