

*Схемотехническое  
проектирование электронных  
средств*

*2016 г.*

# Аналоговые РЭС

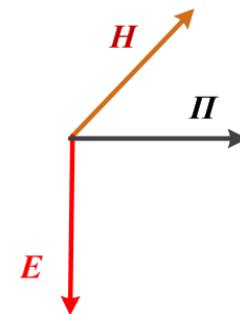
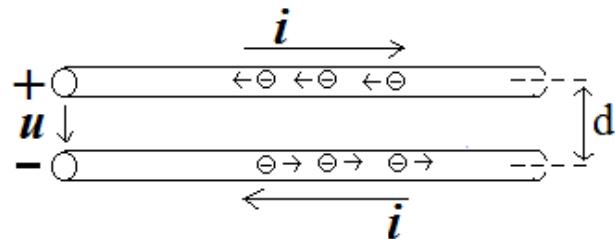
# Основные понятия

*Аналоговые радиоэлектронные средства* – создают, преобразуют, передают и принимают аналоговые колебания.

*Колебание* – изменяющаяся во времени и/или в пространстве величина, отображающая состояние физического объекта.

$$\vec{u}(t); \quad \vec{i}(t); \quad p(t);$$

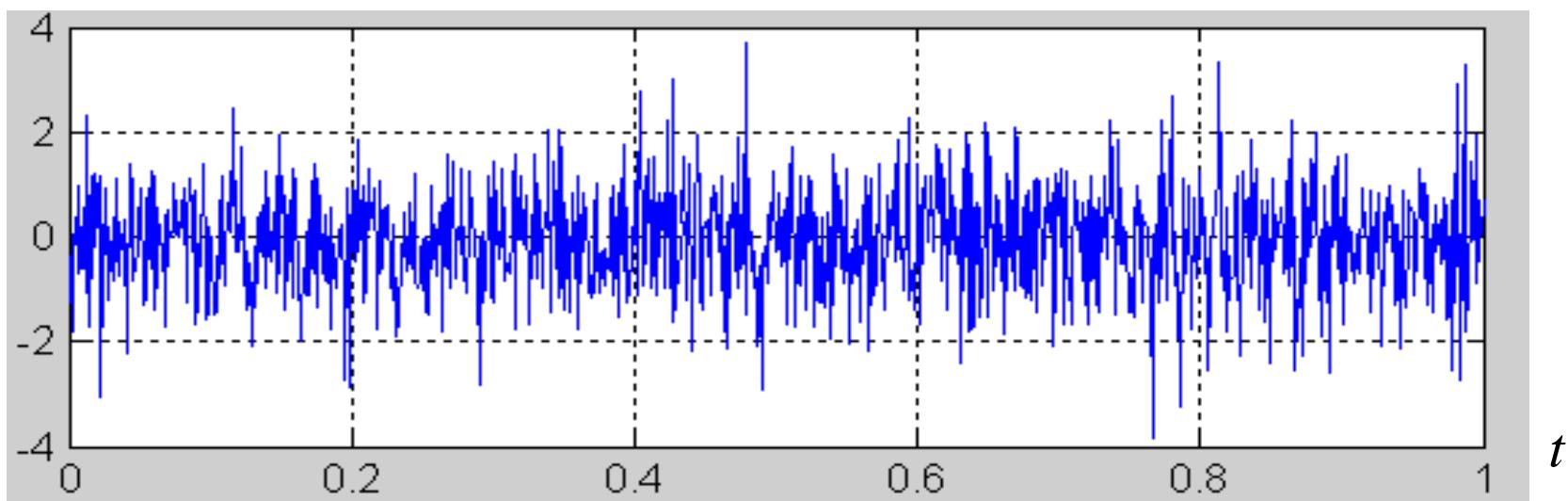
$$\vec{E}(t, x, y, z); \quad \vec{H}(t, x, y, z); \quad \vec{P}(t, x, y, z);$$



# Основные понятия

**Аналоговое колебание** — колебание, имеющее неограниченное множество мгновенных значений внутри рабочего диапазона и выбранного временного интервала (окна).

$\vec{u}(t)$



**Рабочий диапазон** — область возможных мгновенных значений колебания. На рисунке временное окно 0 ... 1 сек., рабочий диапазон мгновенных значений -4 ... 4 В.

## *1.1. Элементы аналоговых РЭС*

# Основные понятия

**Элемент** (лат. *elementum* — стихия) — *самостоятельная* часть, являющаяся основой чего-либо, например системы.

Древнее изречение гласило:

*"Как слова состоят из букв, так и тела — из элементов".*

Одно из возможных происхождений этого слова — по названию ряда согласных латинских букв L, M, N (*el*—*em*—*en*).

# Классификация элементов

По количеству электродов (полюсов):

- Двухполюсники



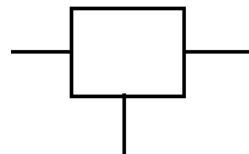
# Классификация элементов

По количеству электродов (полюсов):

- Двухполюсники



- Трёхполюсники



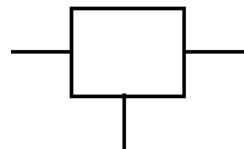
# Классификация элементов

По количеству электродов (полюсов):

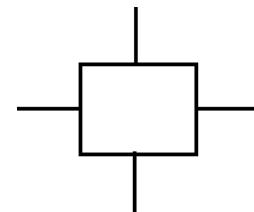
- Двухполюсники



- Трёхполюсники



- Четырёхполюсники



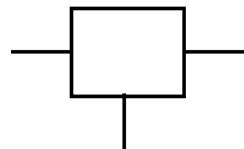
# Классификация элементов

По количеству электродов (полюсов):

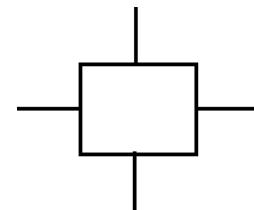
- Двухполюсники



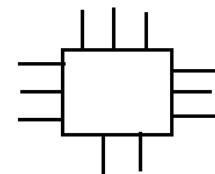
- Трёхполюсники



- Четырёхполюсники

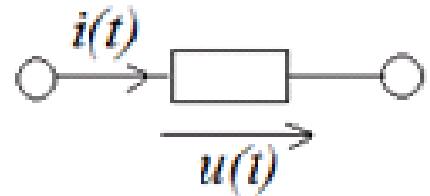


- Многополюсники



# Функциональные характеристики ЭС

**Функциональная характеристика** — математическое соотношение связывающее между собой колебания напряжений и /или токов в ЭС

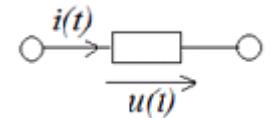


$$u(t) = \Phi[i(t)]$$

$$i(t) = \Phi^{-1}[u(t)]$$

# Классификация элементов схем

(на примерах двухполюсников)



По функциональной характеристике  $u(t) = \Phi[i(t)]$

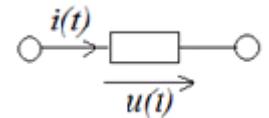
- **Линейные (выполняется принцип суперпозиции)**

$$i(t) = \sum_{n=1}^{n=N} i_n(t);$$

$$u(t) = \Phi\left[\sum_{n=1}^{n=N} i_n(t)\right] = \sum_{n=1}^{n=N} \Phi[i_n(t)] = \sum_{n=1}^{n=N} u_n(t) ;$$

# Классификация элементов схем

(на примерах двухполюсников)

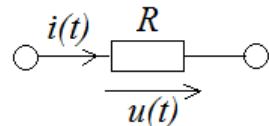


По функциональной характеристике  $u(t) = \Phi[i(t)]$

- **Линейные** (выполняется принцип суперпозиции)

$$i(t) = \sum_{n=1}^{n=N} i_n(t);$$

$$u(t) = \sum_{n=1}^{n=N} u_n(t) = \sum_{n=1}^{n=N} \Phi[i_n(t)] = \Phi\left[\sum_{n=1}^{n=N} i_n(t)\right];$$



$$u(t) = R \cdot i(t)$$

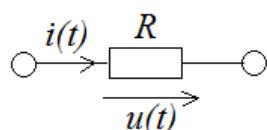
# Классификация элементов схем (на примерах двухполюсников)

По функциональной характеристике  $u(t) = \Phi[i(t)]$

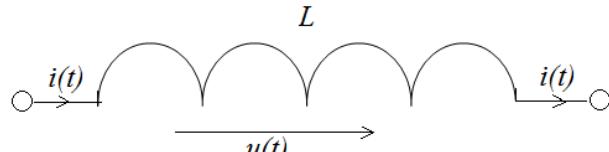
- **Линейные** (выполняется принцип суперпозиции)

$$i(t) = \sum_{n=1}^{n=N} i_n(t);$$

$$u(t) = \sum_{n=1}^{n=N} u_n(t) = \sum_{n=1}^{n=N} \Phi[i_n(t)] = \Phi\left[\sum_{n=1}^{n=N} i_n(t)\right];$$



$$u(t) = R \cdot i(t)$$



$$u(t) = L \cdot \frac{di(t)}{dt}$$

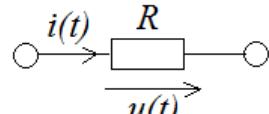
# Классификация элементов схем (на примерах двухполюсников)

По функциональной характеристике  $u(t) = \Phi[i(t)]$

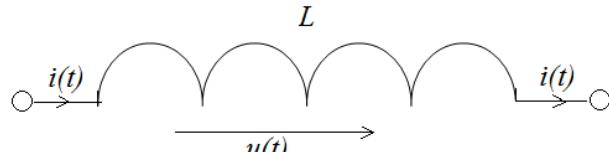
- **Линейные** (выполняется принцип суперпозиции)

$$i(t) = \sum_{n=1}^{n=N} i_n(t);$$

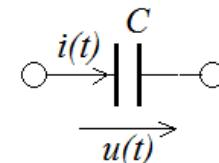
$$u(t) = \sum_{n=1}^{n=N} u_n(t) = \sum_{n=1}^{n=N} \Phi[i_n(t)] = \Phi\left[\sum_{n=1}^{n=N} i_n(t)\right];$$



$$u(t) = R \cdot i(t)$$



$$u(t) = L \cdot \frac{di(t)}{dt}$$



$$u(t) = \frac{1}{C} \cdot \int i(t) \cdot dt$$

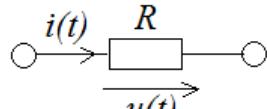
# Классификация элементов схем (на примерах двухполюсников)

По функциональной характеристике  $u(t) = \Phi[i(t)]$

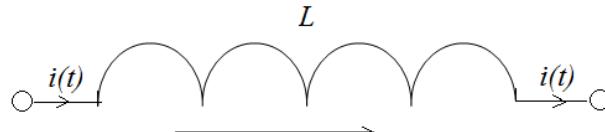
- **Линейные** (выполняется принцип суперпозиции)

$$i(t) = \sum_{n=1}^{n=N} i_n(t);$$

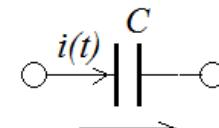
$$u(t) = \sum_{n=1}^{n=N} u_n(t) = \sum_{n=1}^{n=N} \Phi[i_n(t)] = \Phi\left[\sum_{n=1}^{n=N} i_n(t)\right];$$



$$u(t) = R \cdot i(t)$$

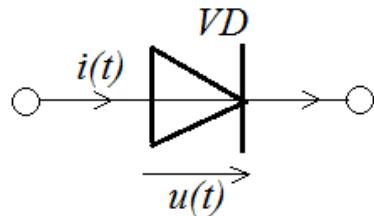


$$u(t) = L \cdot \frac{du(t)}{di(t)}$$



$$u(t) = \frac{1}{C} \cdot \int i(t) \cdot dt$$

- **Нелинейные** (не выполняется принцип суперпозиции)



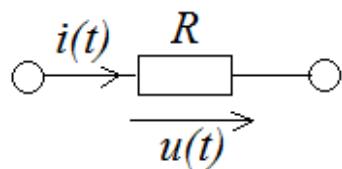
$$u(t) = \varphi_T \cdot \ln\left[\frac{i(t)}{I_o} + 1\right];$$

$$i(t) = I_o \left[ e^{\frac{u(t)}{\varphi_T}} - 1 \right];$$

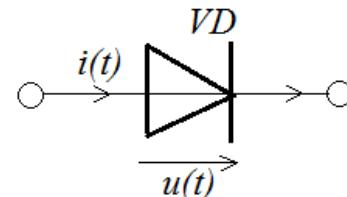
# Классификация элементов схем (на примерах двухполюсников)

По функциональной характеристике  $u(t) = \Phi[i(t)]$

- *Безынерционные (без памяти)*  $u = \Phi[i];$



$$u = R \cdot i$$

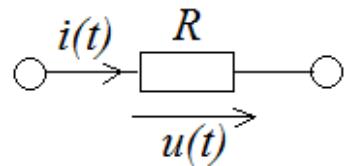


$$u = \varphi_T \cdot \ln \left[ \frac{i}{I_o} + 1 \right];$$

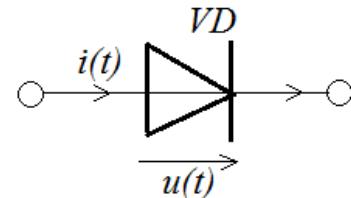
# Классификация элементов схем (на примерах двухполюсников)

По функциональной характеристике  $u(t) = \Phi[i(t)]$

- **Безынерционные (без памяти)**  $u = \Phi[i]$ ;

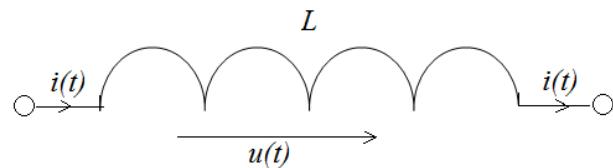


$$u = R \cdot i$$

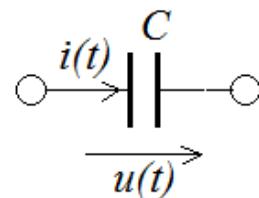


$$u = \varphi_T \cdot \ln \left[ \frac{i}{I_o} + 1 \right];$$

- **Инерционные (с памятью)**



$$u(t) = L \cdot \frac{di(t)}{dt}; \quad U_0 = u(0);$$



$$u(t) = \frac{1}{C} \cdot \int i(t) \cdot dt + U_0;$$

# Классификация элементов схем (на примерах двухполюсников)

По функциональной характеристике  $u(t) = \Phi[i(t)]$

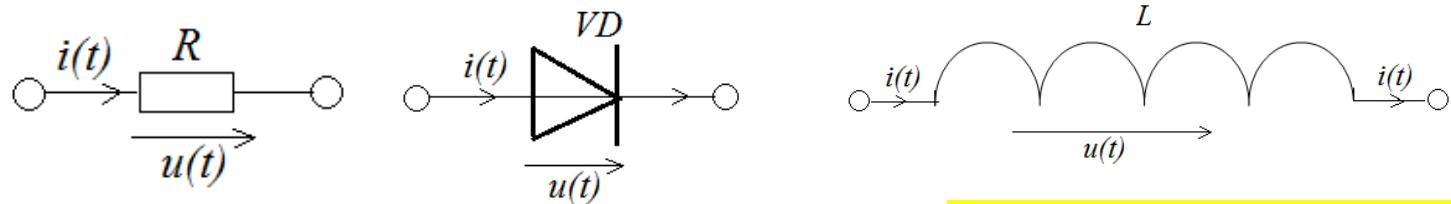
- *Стационарные*

$$u(t + \tau) = \Phi[i(t + \tau)];$$

# Классификация элементов схем (на примерах двухполюсников)

По функциональной характеристике  $u(t) = \Phi[i(t)]$

- **Стационарные**  $u(t + \tau) = \Phi[i(t + \tau)]$ ;



$$u = R \cdot i$$

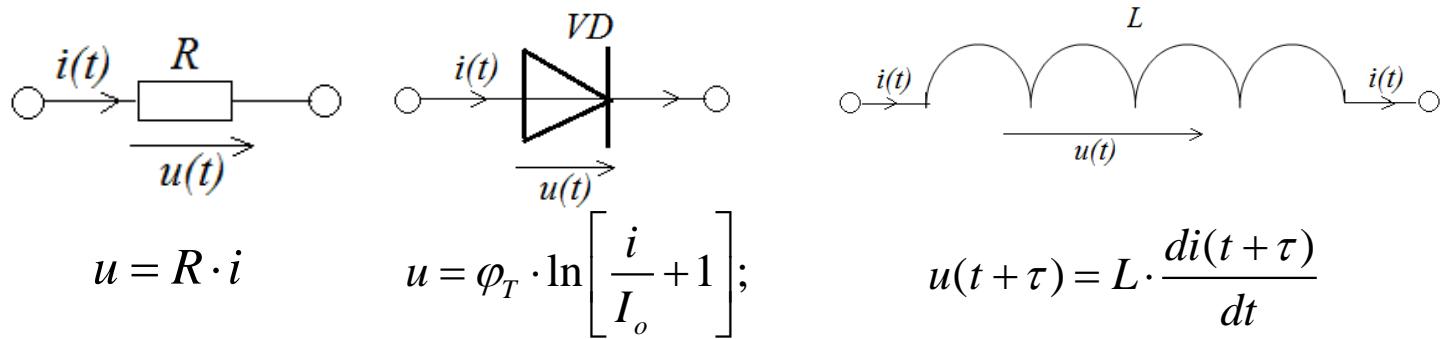
$$u = \varphi_T \cdot \ln \left[ \frac{i}{I_o} + 1 \right];$$

$$u(t + \tau) = L \cdot \frac{di(t + \tau)}{dt}$$

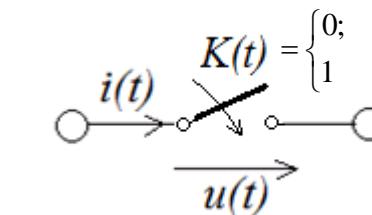
# Классификация элементов схем (на примерах двухполюсников)

По функциональной характеристике  $u(t) = \Phi[i(t)]$

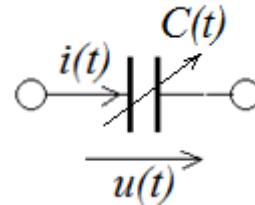
- **Стационарные**  $u(t + \tau) = \Phi[i(t + \tau)];$



- **Нестационарные**  $u(t + \tau) \neq \Phi[i(t + \tau)];$

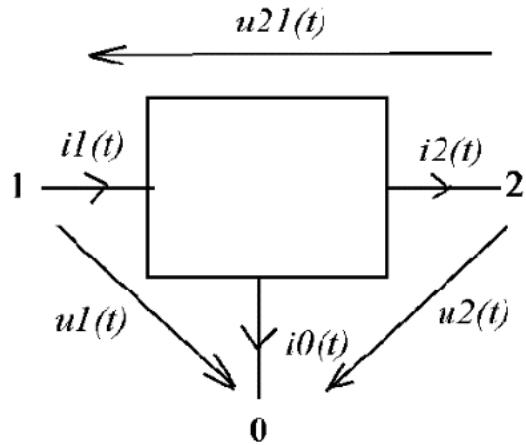


$$\begin{cases} u = 0, \text{ при } K = 1; \\ i = 0, \text{ при } K = 0; \end{cases}$$



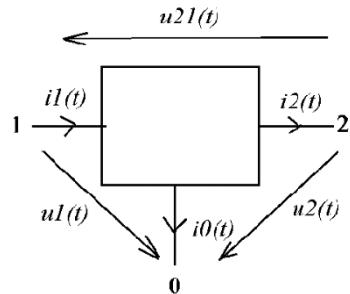
$$\begin{cases} q(t) = C(t) \cdot u(t); \\ i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = \frac{dC(t)}{dt} \cdot u(t) + C(t) \cdot \frac{du(t)}{dt}; \end{cases}$$

# Функциональная характеристика трёхполюсника

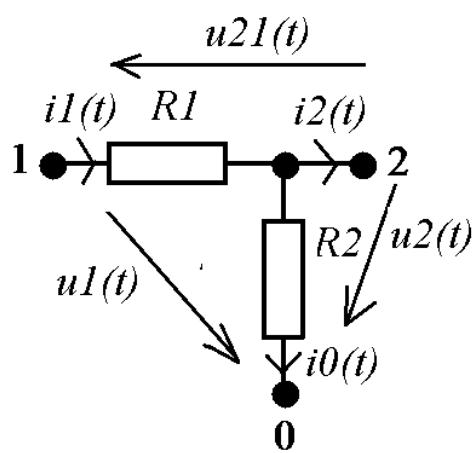


$$\begin{cases} i_1(t) - i_2(t) - i_0(t) = 0 \\ u_1(t) - u_2(t) + u_{21}(t) = 0 \end{cases}$$

# Функциональная характеристика трёхполюсника

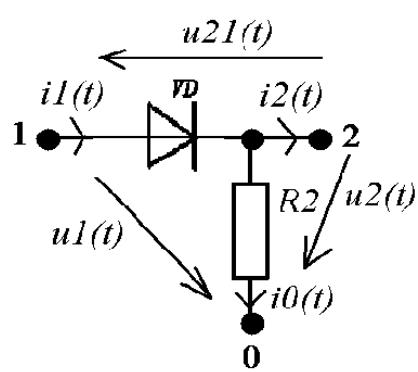
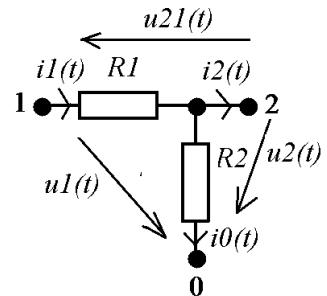
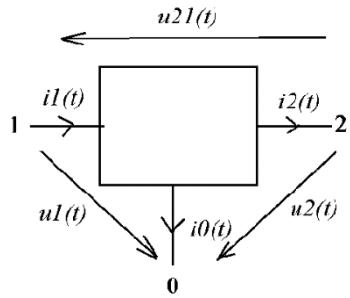


$$\begin{cases} i_1(t) - i_2(t) - i_0(t) = 0 \\ u_1(t) - u_2(t) + u_{21}(t) = 0 \end{cases}$$



$$\begin{cases} i_1(t) - i_0(t) = 0; \\ u_1(t) - u_2(t) + u_{21}(t) = 0; \\ u_{21}(t) = -R_1 \cdot i_1(t); \\ u_2(t) = R_2 \cdot i_0(t); \end{cases}$$

# Функциональная характеристика трёхполюсника

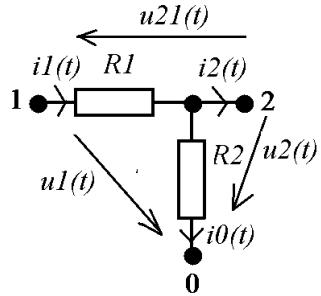


$$\begin{cases} i_1(t) - i_2(t) - i_0(t) = 0 \\ u_1(t) - u_2(t) + u_{21}(t) = 0 \end{cases}$$

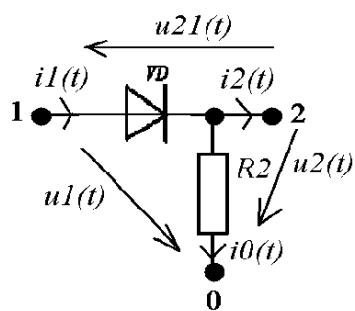
$$\begin{cases} i_1(t) - i_0(t) = 0; \\ u_1(t) - u_2(t) + u_{21}(t) = 0; \\ u_{21}(t) = -R_1 \cdot i_1(t); \\ u_2(t) = R_2 \cdot i_0(t); \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_1(t) - i_0(t) = 0; \\ u_1(t) - u_2(t) + u_{21}(t) = 0; \\ u_{21}(t) = -\varphi_T \cdot \ln \left[ \frac{i_1(t)}{I_o} + 1 \right]; \\ u_2(t) = R_2 \cdot i_0(t); \end{cases}$$

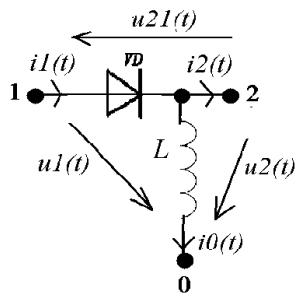
# Функциональная характеристика трёхполюсника



$$\begin{cases} i_1(t) - i_0(t) = 0; \\ u_1(t) - u_2(t) + u_{21}(t) = 0; \\ u_{21}(t) = -R_1 \cdot i_1(t); \\ u_2(t) = R_2 \cdot i_0(t); \end{cases}$$



$$\begin{cases} i_1(t) - i_0(t) = 0; \\ u_1(t) - u_2(t) + u_{21}(t) = 0; \\ u_{21}(t) = -\varphi_T \cdot \ln \left[ \frac{i_1(t)}{I_o} + 1 \right]; \\ u_2(t) = R_2 \cdot i_0(t); \end{cases}$$



$$\begin{cases} i_1(t) - i_0(t) = 0; \\ u_1(t) - u_2(t) + u_{21}(t) = 0; \\ u_{21}(t) = -\varphi_T \cdot \ln \left[ \frac{i_1(t)}{I_o} + 1 \right]; \\ u_2(t) = L \cdot \frac{di_0(t)}{dt}; \end{cases}$$

# Функциональная характеристика линейного безынерционного четырёхполюсника



# Функциональная характеристика линейного безынерционного четырёхполюсника



$$\begin{cases} u_1 = A_{11} \cdot u_2 + A_{12} \cdot i_2; \\ i_1 = A_{21} \cdot u_2 + A_{22} \cdot i_2 \end{cases}$$

# Функциональная характеристика линейного безынерционного четырёхполюсника



$$\begin{cases} u_1 = A_{11} \cdot u_2 + A_{12} \cdot i_2; \\ i_1 = A_{21} \cdot u_2 + A_{22} \cdot i_2 \end{cases}$$

$$\begin{bmatrix} u_1 \\ i_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} \\ A_{21} & A_{22} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} u_2 \\ i_2 \end{bmatrix}$$

# Функциональная характеристика линейного безынерционного четырёхполюсника

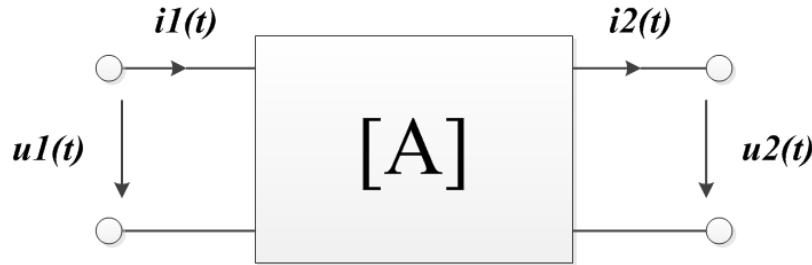


$$\begin{cases} u_1 = A_{11} \cdot u_2 + A_{12} \cdot i_2; \\ i_1 = A_{21} \cdot u_2 + A_{22} \cdot i_2 \end{cases}$$

$$\begin{bmatrix} u_1 \\ i_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} \\ A_{21} & A_{22} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} u_2 \\ i_2 \end{bmatrix}$$

$$[A] = \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} \\ A_{21} & A_{22} \end{bmatrix}$$

# Функциональная характеристика линейного безынерционного четырёхполюсника



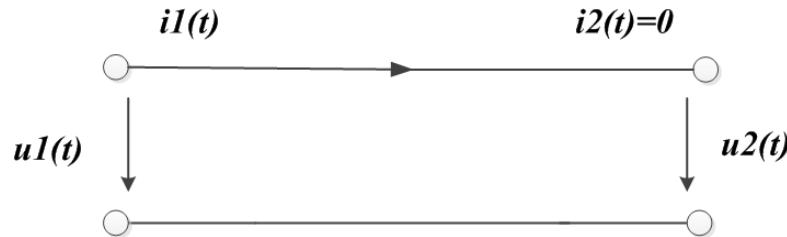
$$\begin{cases} u_1 = A_{11} \cdot u_2 + A_{12} \cdot i_2; \\ i_1 = A_{21} \cdot u_2 + A_{22} \cdot i_2 \end{cases}$$

$$\begin{bmatrix} u_1 \\ i_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} \\ A_{21} & A_{22} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} u_2 \\ i_2 \end{bmatrix}$$

$$[A] = \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} \\ A_{21} & A_{22} \end{bmatrix}$$

$A_{11} = \frac{u_1}{u_2} \Big _{i_2=0}$	$A_{12} = \frac{u_1}{i_2} \Big _{u_2=0}$ Ом
$A_{21} = \frac{i_1}{u_2} \Big _{i_2=0}$ См	$A_{22} = \frac{i_1}{i_2} \Big _{u_2=0}$

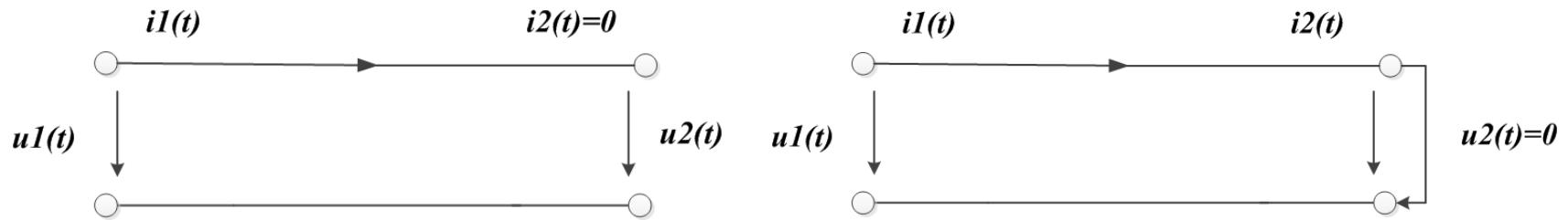
# Пример функциональной характеристики линейного безынерционного четырёхполюсника



$$A_{11} = \left. \frac{u_1}{u_2} \right|_{i_2=0} = 1; \quad u_1 = u_2;$$

$$A_{21} = \left. \frac{i_1}{u_2} \right|_{i_2=0} = 0; \quad i_1 = 0;$$

# Пример функциональной характеристики линейного безынерционного четырёхполюсника



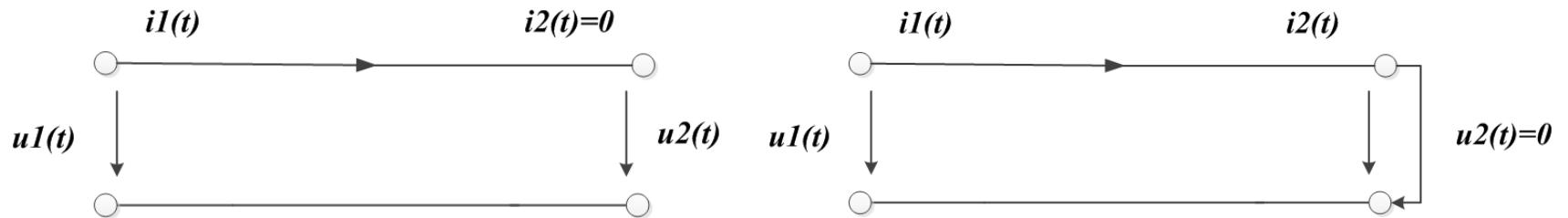
$$A_{11} = \left. \frac{u_1}{u_2} \right|_{i_2=0} = 1; \quad u_1 = u_2;$$

$$A_{21} = \left. \frac{i_1}{u_2} \right|_{i_2=0} = 0; \quad i_1 = 0;$$

$$A_{12} = \left. \frac{u_1}{i_2} \right|_{u_2=0} = 0; \quad u_1 = u_2 = 0;$$

$$A_{22} = \left. \frac{i_1}{i_2} \right|_{u_2=0} = 1; \quad i_1 = i_2;$$

# Пример функциональной характеристики линейного безынерционного четырёхполюсника



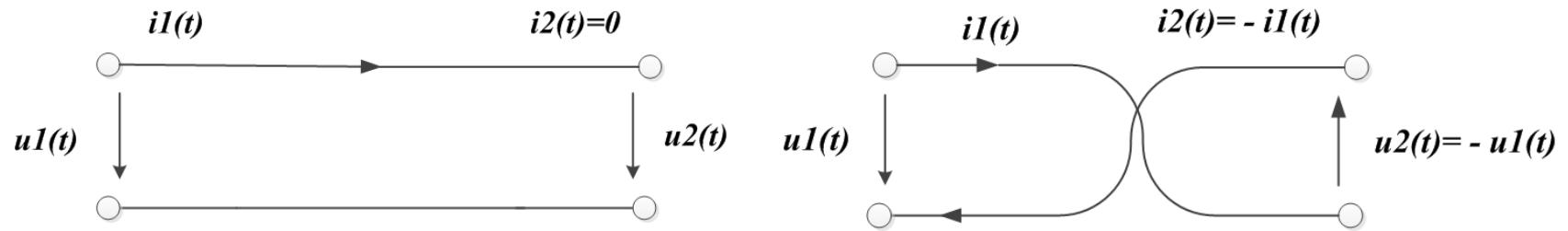
$$A_{11} = \left. \frac{u_1}{u_2} \right|_{i_2=0} = 1; \quad A_{12} = \left. \frac{u_1}{i_2} \right|_{u_2=0} = 0$$

$$A_{21} = \left. \frac{i_1}{u_2} \right|_{i_2=0} = 0; \quad A_{22} = \left. \frac{i_1}{i_2} \right|_{u_2=0} = 1$$

$$[A] = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}; \quad \Delta A = 1;$$

# Пример функциональной характеристики линейного безынерционного четырёхполюсника

"Витая пара"



$$[A] = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}; \quad \Delta A = 1;$$

$$[A] = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}; \quad \Delta A = 1;$$

*Спасибо за внимание*