## 5. ОБЕСПЕЧЕНИЕ ВЗАИМОЗАМЕНЯМОСТИ

## 5.1. ОПРЕДЕЛЕНИЕ ПОЛЕЙ ДОПУСКОВ РАЗМЕРНОЙ ЦЕПИ МЕТОДОМ МАКСИМУМА-МИНИМУМА

Расчёт размерной цепи методом максимума-минимума применяется при индивидуальном и мелкосерийном производстве, проектировании единичных приспособлений. При использовании этого метода исходят из того, что все детали, входящие в сборочную единицу, имеют предельные максимальные или минимальные отклонения от номиналов и сборку производят при самом неблагоприятном сочетании размеров деталей.

Поверочный расчёт (задача анализа) линейной размерной цепи методом максимума-минимума состоит в определении номинального и среднего значений размеров замыкающего звена, предельных отклонений и предельной погрешности или допуска размера замыкающего звена.

Номинальное значение размера замыкающего звена определяется по выражению

$$N_{\sum} = \sum_{i=1}^{m} \vec{N}_{i} - \sum_{j=1}^{n} \vec{N}_{j}$$
 (1)

Среднее значение замыкающего звена определяется выражением

$$N_{\sum cp} = \sum_{i=1}^{m} \left(\vec{N}_i\right)_{cp} - \sum_{i=1}^{n} \left(\vec{N}_j\right)_{cp} \tag{2}$$

Максимальное (минимальное) значение размера замыкающего звена линейной размерной цепи можно получить, подставив в (2) вместо номинальных размеров составляющих звеньев максимальные (минимальные) размеры всех увеличивающих звеньев и минимальные (максимальные) уменьшающих:

$$N_{\sum \max} = \sum_{i=1}^{m} \left(\vec{N}_{i}\right)_{\max} - \sum_{j=1}^{n} \left(\vec{N}_{j}\right)_{\min}$$
 (3)

$$N_{\sum \min} = \sum_{i=1}^{m} \left(\vec{N}_{i}\right)_{\min} - \sum_{i=1}^{n} \left(\vec{N}_{j}\right)_{\max}$$
 (4)

Предельное верхнее  $(\Delta_{_{\theta}})_{\Sigma}$  и нижнее  $(\Delta_{_{H}})_{\Sigma}$  отклонения размера замыкающего звена от номинального, выраженные через верхние и нижние отклонения размеров составляющих звеньев, определяются как разность предельных размеров замыкающего звена и номинального размера

$$\left(\Delta_{\scriptscriptstyle g}\right)_{\Sigma} = N_{\Sigma^{\max}} - N_{\Sigma} = \sum_{i=1}^{m} \left(\vec{\Delta}_{\scriptscriptstyle g}\right)_{i} - \sum_{i=1}^{n} \left(\vec{\Delta}_{\scriptscriptstyle H}\right)_{j}$$
 (5)

$$\left(\Delta_{H}\right)_{\Sigma} = N_{\Sigma \min} - N_{\Sigma} = \sum_{i=1}^{m} \left(\vec{\Delta}_{H}\right)_{i} - \sum_{i=1}^{n} \left(\vec{\Delta}_{g}\right)_{j}$$
 (6)

Предельная величина погрешности размера замыкающего звена равна разности между его максимальным и минимальным значениями:

$$\Delta N_{\Sigma} = N_{\Sigma \text{max}} - N_{\Sigma \text{min}} = \left[ \sum_{i=1}^{m} \left( \vec{N}_{i} \right)_{\text{max}} - \sum_{i=1}^{m} \left( \vec{N}_{i} \right)_{\text{min}} \right] + \left[ \sum_{j=1}^{n} \left( \vec{N}_{j} \right)_{\text{max}} - \sum_{j=1}^{n} \left( \vec{N}_{j} \right)_{\text{min}} \right] = \sum_{i=1}^{m+n} \Delta N_{i}$$

$$(7)$$

где  $\Delta N_i$  - погрешности размеров составляющих звеньев.

Заменив в (7) погрешности размеров составляющих звеньев допусками на них, можно перейти к уравнению допуска замыкающего звена.

При расчёте размерной цепи методом максимума — минимума значение допуска замыкающего звена равно сумме абсолютных значений допусков составляющих звеньев.

$$\Delta_{\Sigma} = \sum_{i}^{m+n} \Delta_{i} \tag{8}$$

При расчёте размерных цепей, как правило, оперируют с половинами полей допусков  $\delta$  и средними значениями отклонений  $\Delta_{cp}$ , которые определяются из соотношений:

$$\delta = \frac{\Delta}{2} = \frac{\Delta_{e} - \Delta_{H}}{2} \tag{9}$$

$$\Delta_{cp} = \frac{\Delta_{e} + \Delta_{H}}{2} \tag{10}$$

Выражения (9) и (10) позволяют решить задачу поверочного расчёта размерной цепи, когда известными являются не предельные размеры составляющих звеньев, а их предельные отклонения. В этом случае расчёт размерной цепи ведётся в следующем порядке:

- 1. По формулам (9) и (10) определяются половины полей допусков составляющих звеньев  $\delta_i$  и средние значения отклонений размеров составляющих звеньев  $\Delta_{icn}$  от номинального.
- 2. Согласно (8) находят половину поля допуска размера замыкающего звена

$$\delta_{\Sigma} = \sum_{i=1}^{m+n} \delta_{i} \tag{11}$$

3. По формуле, полученной из (5) и (6) с учётом (10) определяют среднее значение отклонения размера замыкающего звена от номинального

$$\Delta_{\sum cp} = \frac{\left(\Delta_{g}\right)_{\Sigma} + \left(\Delta_{H}\right)_{\Sigma}}{2} = \sum_{i=1}^{m} \vec{\Delta}_{icp} - \sum_{j=1}^{n} \vec{\Delta}_{icp}$$
 (12)

4. Находят допуск размера замыкающего звена

$$\hat{\Delta}_{\Sigma} = \hat{2} \cdot \delta_{\Sigma} \tag{13}$$

5. Рассчитывают предельные отклонения размера замыкающего звена:

$$\left(\Delta_{e}\right)_{\Sigma} = \Delta_{\Sigma cp} + \delta_{\Sigma} \tag{14}$$

$$\left(\Delta_{H}\right)_{\Sigma} = \Delta_{\Sigma cp} - \delta_{\Sigma} \tag{15}$$

6. Определяют размеры замыкающего звена

$$N_{\Sigma \max} = N_{\Sigma} + (\Delta_s)_{\Sigma} \tag{16}$$

$$N_{\Sigma \min} = N_{\Sigma} + \left(\Delta_{H}\right)_{\Sigma} \tag{17}$$

Проектный расчёт размерных цепей заключается в том, что по заданному номинальному значению замыкающего звена и допуску на него определяют номинальные размеры и рациональные допуски на составляющие звенья. Решение задачи проектного расчёта (задача синтеза допусков) идёт по следующей последовательности:

- 7.Задаются номинальный  $N_\Sigma$  и предельные  $N_{\Sigma \max}$  и  $N_{\Sigma \min}$  размеры замыкающего звена, по которым согласно (7) определяют заданную величину поля допуска размера замыкающего звена  $\Delta_\Sigma$  и его половину  $\delta_\Sigma$  ,
- 8. По формулам (5) и (6) определяют заданные значения предельных отклонений  $(\Delta_{e})_{\Sigma}$  и  $(\Delta_{H})_{\Sigma}$ ,
- 9. По формуле (12) находят заданное значение среднего отклонения размера замыкающего звена  $\Delta_{\Sigma cn}$  .

Заданный допуск замыкающего звена распределяется между составляющими звеньями цепи в соответствии с равенством (8).

- 10. Исходя из полученных допусков на размеры составляющих звеньев и технологии изготовления деталей назначают предельные отклонения размеров составляющих звеньев  $(\Delta_{_{\it B}})_{\!_{\it I}}$  и  $(\Delta_{_{\it H}})_{\!_{\it I}}$ .
  - 11. По формулам (9) и (10) находят среднее значения отклонений.
- 12. По полученным значениям  $\Delta_{icp}$  с помощью (12) определяют расчётную величину среднего отклонения размера замыкающего звена  $\Delta_{\Sigma cp}$ , которая сравнивается с заданной  $\Delta_{\Sigma cp}$ . При несовпадении сравниваемых величин в значение  $\Delta_{icp}$  вносятся необходимые изменения и производится повторный расчёт  $\Delta_{\Sigma cp}$  по формуле (12). Вычисления продолжаются до равенства расчетной и заданной  $\Delta_{\Sigma cp}$ .

Достоинством метода максимума-минимума является его сравнительная простота. Однако если учесть, что в большинстве случаев рассеивание размеров деталей в пределах поля допуска соответствует нормальному закону распределений, то предельные размеры имеют лишь незначительное количество деталей и при большом количестве деталей в сборочном соединении вероятность неблагоприятного сочетания размеров

весьма мала. Поэтому применение метода максимума-минимума в известной мере ограничено, так как в большинстве случаев он экономически не оправдан.

.